

Exercice 1

1 ^{er} Chiffre entre 2 et 9	2eme Chiffre soit 0 ou 1	3 eme Chiffre entre 1et 9
8 Possibilités	2 Possibilités	9 Possibilités

D'où le résultat $8.2.9=144$

1 ^{er} Chiffre entre 2 et 9	2eme Chiffre soit 0 ou 1	3 eme Chiffre entre 1et 9
1 Possibilité (Chiffre 4)	2 Possibilités	9 Possibilités

D'où le résultat $1.2.9=18$.

Exercice 2

a) Le cumul n'est pas possible d'où

Président	Secrétaire	Trésorier
10	9	8

D'où le résultat $10.9.8=720$.

b)

Président	Secrétaire	Trésorier
1	1	8

$\text{Card}(A \cap B)^c = \text{Card}(S) - \text{Card}(A \cap B) = 720 - 1.1.8. A_3^2 = 672$ (on fixe 2 places et reste $10-2=8$ choix, et il y'a A_3^2 manières d'arranger avec ordre les 2 places parmi 3

c) $(C \cap D) \cup (C^c \cap D^c)$

$C \cap D$ déjà faite DANS b) =48 et

$(C^c \cap D^c)$, on enlève 2 et reste 8 d'où $8.7.6$

Président	Secrétaire	Trésorier
8	7	6

$48 + 8.7.6 = 48 + 328 = 384$

d)

Président	Secrétaire	Trésorier
1	9	8

On fixe 1 place et reste 2 Choix parmi $10-1=9$ soit $1.9.8$ et le 1 peut être ordonne de A_3^1 manières soit $1.9.8.3=216$.

e) Soit on ne le met pas et donc

Président	Secrétaire	Trésorier
9	8	7

+

Soit on le met Président

Président	Secrétaire	Trésorier
1	9	8

$$9.8.7 + 1.9.8 = 504 + 72 = 576$$

Exercice 3

Notons A : Actifs ; B : Bacheliers, M : Marie.

On a donc :

	Effectif	P(.)=(.) /Effectif
A	312	0,312
B	525	0,525
M	470	0,47
A ∩ M	86	0,086
B ∩ A	42	0,042
B ∩ M	147	0,147
B ∩ M ∩ A	25	0,025

$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(M) - P(A \cap B) - P(A \cap M) - P(B \cap M) + P(A \cap B \cap M) = 1,057 > 1$, ce qui n'est pas possible.

Exercice 4

	Di: Déclarés	Vi: Votants	Di.Vi	Di.Vi/∑Di.Vi	Réponse
INDEPENDENTS	46%	35%	16,10%	33,11%	A
LIBERAUX	30%	62%	18,60%	38,26%	B
CONSERVATEURS	24%	58%	13,92%	28,63%	C
Total			48,62%		D

Exercice 5 :

B_i : On est dans la boîte i ; $P(B_i) = P_i$

D_j : sera détecté dans la boîte j ; $P(D_j/B_j) = \alpha_j$;

$$P(B_j/D_i^c) = P(B_j \cap D_i^c) / P(D_i^c)$$

$$= P(B_j \cap D_i^c) / [1 - P(D_i)]$$

$$\text{or } P(B_j) = P(B_j \cap D_i) + P(B_j \cap D_i^c)$$

d'où $P(B_j \cap D_i^c) = P(B_j) - P(B_j \cap D_i) = P_j - 0$ Si $j \neq i$ car $B_j \cap D_i = \Phi$; et $= P_i - P_i \cdot \alpha_i = (1 - \alpha_i) \cdot P_i$ si $i = j$.

$$\text{et } P(D_i^c) = [1 - P(D_i)] = [1 - P(D_i/B_i) \cdot P(B_i)] = 1 - \alpha_i \cdot P_i$$

$$\text{d'où si } i \neq j ; = P_j / [1 - \alpha_i \cdot P_i]$$

$$\text{si } i = j ; = (1 - \alpha_i) \cdot P_i / [1 - \alpha_i \cdot P_i]$$